

الأسئلة

امتحان دور يناير ٢٠١٧
مادة: طبيعة
كود المادة (٢٥٠٢)
الزمن: ساعتان



جامعة بنها
كلية الفنون التطبيقية
الفرقة الثانية تخلف
قسم الملابس الجاهزة

أجب عن الأسئلة الآتية

١. أثبتت التجارب المختلفة أن كمية الحرارة Q هي احدي صور الطاقة وبالتالي يمكن تحويلها طبقا لقانون حفظ الطاقة إلي أي صورة أخرى من صور الطاقة. في إطار هذه العبارة وضح كيف يمكن للغاز أن يبذل شغلا ميكانيكيا ضد القوي الخارجية مع استنتاج قانون هذا الشغل.

a. غازان أحدهما له الخواص (P_1, V_1, T_1) والآخر له الخواص (P_2, V_2, T_2) أستنتج معادلة للضغط P عندما نجمع كلا الغازين في حجم قدرة V عند درجة حرارة T .

٣. أثناء التغير الأديباتيكي يكون الغاز معزولا عن الوسط المحيط بحيث لا يأخذ ولا يعطي الوسط المحيط أي كمية حرارة. استعن بهذه العبارة واستنتج قانون التغير الأديباتيكي للغاز المثالي.

د. صلاح
حمزة

نموذج إجابة
كلية الفنون التطبيقية
الفرقة الثانية (قسم الملابس الجاهزة) تخلف
مادة: الديناميكا الحرارية
د. صلاح عيد ابراهيم حمزة
تاريخ الامتحان الخميس ٢٠١٧/٠١/١٢

١. أثبتت التجارب المختلفة أن كمية الحرارة Q هي احدي صور الطاقة وبالتالي يمكن تحويلها طبقا لقانون حفظ الطاقة إلي أي صورة أخرى من صور الطاقة. في إطار هذه العبارة وضح كيف يمكن للغاز أن يبذل شغلا ميكانيكيا ضد القوي الخارجية مع استنتاج قانون هذا الشغل.

----- Solution -----

نريد أن ندرس التغيرات المترتبة على تغير حجم الغاز. وبصفة عامة فإنه توجد طريقتان لتغيير حجم الغاز:

(أ) جعل الغاز يغير من حجمه مع احتفاظه بدرجة حرارته ثابتة أثناء التغير والذي يعرف بالتغير الأيزوثيرمي.

(ب) جعل الغاز يغير من حجمه مع عزله جيدا عن الوسط المحيط بحيث لا يأخذ (ولا يعطى) من الوسط أي كمية حرارة وهذا التغير يعرف بالتغير الأديباتيكي.

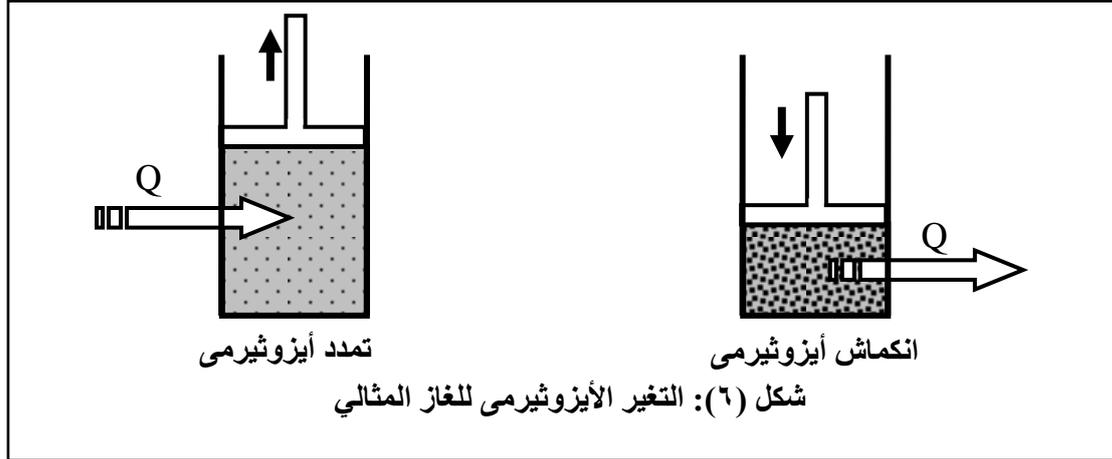
١.٨. قانون التغير الأيزوثيرمي

التغير الأيزوثيرمي هو التغير الذي يحدث للغاز مع الاحتفاظ بدرجة حرارته ثابتة

$$T = \text{const.} \quad (30)$$

ولحدوث ذلك يوضع الغاز في اسطوانه جيدة التوصيل للحرارة مع تغيير حجمه ببطء لإعطاء فرصة لحدوث تبادل حرارى بين الغاز والوسط الخارجى المحيط كما في شكل (٦). وحيث أن درجة حرارة الغاز ثابتة فإن العلاقة بين ضغط الغاز وحجمه هي:

$$PV = RT = \text{const} \quad (31)$$



٢.٨ . الشغل المبذول أثناء التمدد الأيزوثيرمى للغاز المثالي

لنفرض أن غاز مثالي كتلته تساوى واحد جرام-جزئ يتمدد من الحجم V_1 إلي الحجم

V_2 . الشغل المبذول بواسطة الغاز هو

$$W = \int_{V_1}^{V_2} dW = \int_{V_1}^{V_2} P dV \quad (32)$$

من معادلة حالة الغاز المثالي $PV = RT$ نحصل على:

$$P = \frac{RT}{V} \quad (33)$$

وبالتعويض في W نحصل على:

$$W = \int_{V_1}^{V_2} RT \frac{dV}{V} = RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (34)$$

هذا هو الشغل المبذول أثناء التمدد الأيزوثيرمي لغاز مثالي كتلته واحد جرام-جزئ. وإذا كانت

كتلة الغاز M وليست واحد جرام-جزئ فإن

$$W = \frac{M}{\mu} RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (35)$$

هذه العلاقة صالحة ليس فقط للتمدد ولكن للانكماش الأيزوثيرمي أيضا.

وكما ذكرنا من قبل فإن الغاز المثالي لكي يتمدد أيزوثيرميا فإنه يحتاج كمية حرارة من

الخارج هذه الكمية سيأخذها الغاز ليبدل بها الشغل W .

وكذلك عندما ينكمش الغاز المثالي أيزوثيرميا فإن الشغل المبذول عليه يخرج للوسط

المحيط على هيئة طاقة حرارية أي أن الغاز يتخلص من كمية حرارة مساوية للشغل المبذول

عليه أثناء الانكماش الأيزوثيرمي. أنظر شكل (٦).

٢. غازان أحدهما له الخواص (P_1, V_1, T_1) والآخر له الخواص (P_2, V_2, T_2) أستنتج

معادلة للضغط P عندما نجمع كلا الغازين في حجم قدرة V عند درجة حرارة T

----- Solution -----

$$n = n_1 + n_2$$

$$\frac{PV}{RT} = \frac{P_1 V_1}{RT_1} + \frac{P_2 V_2}{RT_2}$$

$$P = \frac{T}{V} \left[\frac{P_1 V_1}{T_1} + \frac{P_2 V_2}{T_2} \right]$$

٣ أثناء التغير الأديباتيكي يكون الغاز معزولا عن الوسط المحيط بحيث لا يأخذ ولا يعطي الوسط المحيط أي كمية حرارة. استعن بهذه العبارة واستنتج قانون التغير الأديباتيكي للغاز المثالي..

----- Solution -----

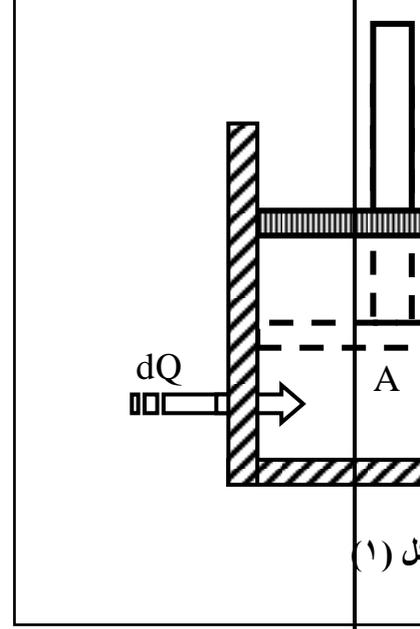
أثبتت التجارب المختلفة أن كمية الحرارة Q هي إحدى صور الطاقة وبالتالي يمكن تحويلها طبقا لقانون حفظ الطاقة إلي أي صورة أخرى من صور الطاقة. وتقاس كمية الحرارة Q بالسعر (Calorie) وهو كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام واحد من الماء درجة واحدة من 14.5°C إلي 15.5°C . ولما كانت وحدة قياس الطاقة بصفة عامة هي الجول أو الإرج كان لابد من إيجاد العلاقة بينها وبين وحدة قياس الطاقة الحرارية أي السعر. وقد توصل العالم جول إلي هذه العلاقة والتي تنص على أنه "إذا تحولت كمية من الحرارة إلي شغل أو تحولت كمية من الشغل إلي حرارة فإن النسبة بين الشغل المبذول إلي كمية الحرارة المقابلة هي نسبة ثابتة تعرف بالمكافئ الميكانيكي الحراري أو مكافئ جول J "

$$1 \text{ Cal} = 4.18 \text{ J} \quad (7)$$

ومن الجدير بالذكر أن كمية الحرارة Q تحدد مقدار الطاقة التي يكتسبها أو يفقدها الغاز أثناء تغيره من حالة إلي أخرى.

في كثير من التطبيقات العملية للديناميكا الحرارية يبذل الغاز شغلا ميكانيكيا ضد بعض أنواع القوى الخارجية لذلك فإنه من الضروري معرفة العلاقة التي تربط مقدار الشغل المبذول بواسطة نظام ما بالتغير الناشئ في بارامترات الحالة الرئيسية. ولإيجاد هذه العلاقة نفترض وجود كمية من غاز معين في اسطوانة معزولة عزلا حراريا من السطح الجانبي لها وبها مكبس سهل الحركة بدون احتكاك كما في شكل (١). ونفرض أنه في حالة الاتزان الابتدائية كان حجم

الغاز V وضغطه P ، فإذا أعطى الغاز كمية من الحرارة Q فإنه سوف يتمدد ويدفع المكبس مسافة dx يعود بعدها الغاز إلى حالة الاتزان مرة أخرى ويثبت المكبس



عند هذا الوضع. ويكون الشغل المبذول بواسطة الغاز dW في تحريك المكبس لأعلى مسافة dx مساويا:

$$\begin{aligned} dW &= Fdx \\ &= PA dx \\ &= PdV \end{aligned} \quad (8)$$

حيث A مساحة مقطع المكبس. وفي حالة تحريك المكبس مسافة كبيرة فإن قيمة الشغل المبذول بواسطة الغاز W

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV \quad (9)$$

حيث V_1, V_2 هما الحجم الابتدائي والنهائي للغاز على الترتيب. ولإجراء هذا التكامل لابد من معرفة كيفية تغير ضغط الغاز أثناء تغير حجمه من V_1 إلى V_2 أي معرفة الضغط كدالة في

$$P = f(V) \text{ حجم الغاز}$$